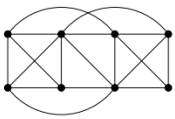
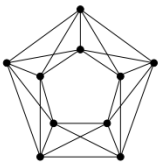
Le petit contrôle pour le TD6

1 Problèmes

Trouver le nombre chromatique des graphes suivants :





Problème 1.

Problème 2. Un DAG (directed acyclic graph) G est donné, dans lequel on distingue deux sommets x et y. Il est facile de voir qu'il n'y a alors qu'un nombre fini de chemins différents de x à y (en particulier, il se peut qu'il n'y en ait pas du tout). Indique le nombre de chemins différents de x à y par $p(x, y)$. Prouvez le théorème simple suivant.

Théorème 1. Soit G un graphe orienté sans cycles, x, y et z sont trois sommets de ce graphe. Alors le nombre de chemins de x à y passant par z est $p(x, z) \cdot p(z, y)$. En particulier, si tous les chemins de x à y passent par z, alors $p(x, y) = p(x, z) \cdot p(z, y)$.